

รายงานสืบเนื่องจากการประชุมวิชาการระดับชาติและนานาชาติ IUญจมิตรวิชาการ ครั้งที่ 14

Proceedings of the 14th BENJAMITRA Network National & International Conference

ความท้าทายในการสร้างสรรค์นวัตกรรม เพื่อพลิกโฉมคุณภาพการเรียนรู้ที่ ยั่งยืนในสังคมยุคดิจิทัล Challenges in Creating Innovation to Transform the Quality of Sustainable Learning in the Digital Society

<mark>เล่มที่ 2</mark> กลุ่มศึกษาศาสตร์

> มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น จ.เชียงใหม่ 14 พฤษภาคม 2567

Q

รายชื่อกองบรรณาธิการรายงานสืบเนื่องจากการประชุมวิชาการระดับชาติและนานาชาติ "เบญจมิตรวิชาการ" ครั้งที่ 14

ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. อุไรรัตน์ แย้มชุติ	มหาวิทยาลัยธนบุรี
ศาสตราจารย์ พล.ร.ต.หญิง ยุวดี เปรมวิชัย	มหาวิทยาลัยเซาธ์อีสท์บางกอก
ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. กรัณย์พัฒน์ อิ่มประเสริฐ	มหาวิทยาลัยราชพฤกษ์
ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. สานิต ศิริวิศิษฐ์กุล	มหาวิทยาลัยนอร์ทกรุงเทพ
อาจารย์ ดร. อัศวิน เสนีชัย	มหาวิทยาลัยกรุงเทพสุวรรณภูมิ
ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. พงศ์กร จันทราช	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. อนงค์วรรณ อุประดิษฐ์	วิทยาลัยอินเตอร์เทคลำปาง
รองศาสตราจารย์ ดร. พิธากรณ์ ธนิตเบญจสิทธิ์	มหาวิทยาลัยนอร์ท-เชียงใหม่

รายชื่อคณะกรรมการดำเนินงานการจัดงานการประชุมวิชาการระดับชาติและนานาชาติ "เบญจมิตรวิชาการ" ครั้งที่ 14

ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. พงศ์กร จันทราช	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
ดร. เดช สาระจันทร์	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
อาจารย์ สัชฌุเศรษฐ์ เรืองเดชสุวรรณ	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
อาจารย์ เจนจิรา ถาปินตา	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
ผู้ช่วยศาสตราจารย์ จันทร์จิตร เธียรสิริ	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
อาจารย์ พิมพ์วลัญช์ สิทธิเดช	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
ผู้ช่วยศาสตราจารย์ สีบพงษ์ พงษ์สวัสดิ์	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. วีระพันธ์ อะนันชัยธวัช	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
อาจารย์ นิติพล คำภูเวียง	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
อาจารย์ ประพันธ์ อภิวงค์	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
อาจารย์ ญาดา ยั่งยืน	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
อาจารย์ สิทธิชัย เดชะพันธ์	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
อาจารย์ พรรณิศา ดาวประดับ	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
อาจารย์ กมลวรรณ บุญสัมปทา	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
อาจารย์ สุพรรษา ลิขิตธนวงศ์	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น

การประชุมวิชาการระดับชาติและนานาชาติ เบญจมิตรวิชาการ ครั้งที่ 14 The 14th BENJAMITRA Network National & International Conference Challenges in Creating Innovation to Transform The Quality of Sustainable Learning in the Digital Society

ดร. เสกชัย ชมภูนุช

ดร. จันทร์ฉาย ยมสูงเนิน

รายชื่อผู้ทรงคุณวุฒิพิจารณาบทความ (Peer Review) การประชุมวิชาการระดับชาติและนานาชาติ "เบญจมิตรวิชาการ" ครั้งที่ 14

รองศาสตราจารย์ ดร. วีระศักดิ์ ชมภูคำ มหาวิทยาลัยนอร์ท-เชียงใหม่ มหาวิทยาลัยราชพฤกษ์ มหาวิทยาลัยราชพฤกษ์ มหาวิทยาลัยราชพฤกษ์ มหาวิทยาลัยราชพฤกษ์ มหาวิทยาลัยเซาธ์อีสท์บางกอก มหาวิทยาลัยกรุงเทพสุวรรณภูมิ มหาวิทยาลัยเชียงใหม่ มหาวิทยาลัยเชียงใหม่ มหาวิทยาลัยเชียงใหม่

ดร. ชนินทร์ ยาระณะ ดร. ทัศนีย์ บญมาภิ ดร. ธีระภัทร์ ประสมสข ดร. ประกอบ สาระวรรณ ดร. วารุณี โพธาสินธุ์ ดร. ศรีทัย สุขยศศรี ดร. สังวาร วังแจ่ม ดร. สาโรจน์ แก้วอรุณ ดร. สิทธิชัย มูลเขียน ดร. สุดา เนตรสว่าง ดร. สุรศักดิ์ สุทธสิริ ดร. สุรัตน์ ศรีดาเดช รองศาสตราจารย์ ธรรมรส โชติกุญชร รองศาสตราจารย์ อนงค์ศิริ วิชาลัย รองศาสตราจารย์ อำนาจ จันทร์แป้น รองศาสตราจารย์ ดร. ชลาภรณ์ สุวรรณสัมฤทธิ์ รองศาสตราจารย์ ดร. ลัดดาวัลย์ เพชรโรจน์ รองศาสตราจารย์ ดร. สมถวิล วิจิตรวรรณา ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. อรุณี สำเภาทอง ดร. ฏษิตย์ วงษ์เล็ก ดร. นิวัตต์ น้อยมณี รองศาสตราจารย์ ดร. บญรอด โชติวชิรา รองศาสตราจารย์ ดร. สมเกียรติ อินทสิงห์ ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. นทัต อัศภาภรณ์

The 14th BENJAMITRA Network National & International Conference Challenges in Creating Innovation to Transform The Quality of Sustainable Learning in the Digital Society

ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. มนต์นภัส มโนการณ์	มหาวิทยาลัยเชียงใหม่
ดร. ศักดา สวาทะนันทน์	มหาวิทยาลัยเชียงใหม่
ผู้ช่วยศาสตราจารย์ สุนทรี คนเที่ยง	มหาวิทยาลัยเชียงใหม่
ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. สิรินทร์นิชา ปัญจอริยะกุล	มหาวิทยาลัยราชภัฏเชียงใหม่
ผู้ช่วยศาสตราจารย์ อรทัย อินตา	มหาวิทยาลัยราชภัฏเชียงใหม่
ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. จิตติรัตน์ แสงเลิศอุทัย	มหาวิทยาลัยราชภัฏนครปฐม
ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. ปณตนนท์ เถียรประภากุล	มหาวิทยาลัยราชภัฏลำปาง
ดร. คงขวัญ ทิพย์อักษร	มหาวิทยาลัยศรีนครินทรวิโรฒ ประสานมิตร
ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. กิตติชัย สุธาสิโนบล	มหาวิทยาลัยศรีนครินทรวิโรฒ ประสานมิตร
ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. ดวงใจ สีเขียว	มหาวิทยาลัยศรีนครินทรวิโรฒ ประสานมิตร
ดร. สุรพล ศรีศิลป์	สำนักงานเขตพื้นที่การศึกษาประถมศึกษา
	แม่ฮ่องสอน เขต 2
ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. พงศ์กร จันทราช	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. ฐิติมา ญาณะวงษา	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
9	
ดร. จุฑามาศ จินตนา	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
ดร. จุฑามาศ จนตนา ดร. เจตนา เมืองมูล	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
ดร. เจตนา เมืองมูล	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
ดร. เจตนา เมืองมูล ดร. ระพีพร มหาพรหม	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
ดร. เจตนา เมืองมูล ดร. ระพีพร มหาพรหม ดร. เดช สาระจันทร์	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
ดร. เจตนา เมืองมูล ดร. ระพีพร มหาพรหม ดร. เดช สาระจันทร์ ดร. สุพัฒนวรี ทิพย์เจริญ	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
ดร. เจตนา เมืองมูล ดร. ระพีพร มหาพรหม ดร. เดช สาระจันทร์ ดร. สุพัฒนวรี ทิพย์เจริญ ผู้ช่วยศาสตราจารย์ พิชัย เหลี่ยวเรืองรัตน์	มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น

หมายเหตุ : การประชุมวิชาการระดับชาติและนานาชาติ "เบญจมิตรวิชาการ" ครั้งที่ 14 บทความวิจัยและบทความ วิชาการผ่านผู้ทรงคุณวุฒิพิจารณาบทความ (Peer Reviewer) จำนวน 3 ท่าน

กำหนดการ

การประชุมวิชาการระดับชาติและนานาชาติ "เบญจมิตรวิชาการ" ครั้งที่ 14 The 14th BENJAMITRA Network National & International Conference "ความท้าทายในการสร้างสรรค์นวัตกรรม เพื่อพลิกโฉมคุณภาพการเรียนรู้ที่ยั่งยืนในสังคมยุคดิจิทัล" Challenges in Creating Innovation to Transform The Quality of Sustainable Learning in the Digital Society วันอังคารที่ 14 พฤษภาคม 2567 ณ มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น

08:00-08:45 น. เปิดระบบ Zoom Application สำหรับเข้าร่วมพิธีเปิดการประชุมวิชาการ แบบออนไลน์ 08:45-09:00 น. ชมวิดีทัศน์ แนะนำ มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น และแนวคิดงานเบญจมิตรวิชาการ ครั้งที่ 14 09:00-09:20 น. พิธีเปิดการประชุมวิชาการ

- กล่าวต้อนรับ โดย ดร. กิตติพัฒน์ สุวรรณชิน อธิการบดีมหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น
- รายงานวัตถุประสงค์การประชุม โดย ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. พงศ์กร จันทราช คณบดี คณะนวัตกรรม เทคโนโลยี และการสร้างสรรค์ และประธานจัดงาน
- กล่าวเปิดงาน โดย ดร. สมศักดิ์ รุ่งเรือง นายกสมาคมสถาบันอุดมศึกษาเอกชนแห่ง ประเทศไทย (สสอท)
- 09:20-09:30 น. อธิการบดีมหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น มอบของที่ระลึกให้แก่อธิการบดีสถาบันในเครือข่าย "เบญจมิตรวิชาการ"

พิธีส่งมอบเจ้าภาพจัดการประชุม "เบญจมิตรวิชาการ ครั้งที่ 15" ถ่ายภาพร่วมกัน

09:30-09:50 น. ประกาศผลรางวัลบทความยอดเยี่ยม (Best Paper)

- 09:50-11:00 น. การปาฐกถาพิเศษ เรื่อง ความท้าทายในการสร้างสรรค์นวัตกรรม เพื่อพลิกโฉมคุณภาพการ เรียนรู้ ที่ยั่งยืนในสังคมยุคดิจิทัล (Challenges in Creating Innovation to Transform the Quality of Sustainable Learning in the Digital Society) โดย ดร. เทพชัย ทรัพย์นิธิ อุปนายกสมาคมปัญญาประดิษฐ์ประเทศไทย
- 11:00-12:00 น. นำเสนอผลงานวิชาการแต่ละกลุ่ม (แยกตามห้องย่อย) ในรูปแบบออนไลน์ ผ่านระบบ Zoom Application

The 14th BENJAMITRA Network National & International Conference Challenges in Creating Innovation to Transform The Quality of Sustainable Learning in the Digital Society

12:00-13:00 น. รับประทานอาหารกลางวัน

13:00-17:00 น. นำเสนอผลงานวิชาการในแต่ละกลุ่ม (ต่อ)

17:00-17.15 น. ประกาศผลการนำเสนอผลงานวิชาการยอดเยี่ยม (Best Presentation)

The 14th BENJAMITRA Network National & International Conference Challenges in Creating Innovation to Transform The Quality of Sustainable Learning in the Digital Society



ภราดา คร.บัญชา แสงหริรัญ

ผส.ดร.จันทร์จิรา วงษ์ขมทอง ดร.บัทนา สานดิวัตร

รศ.คร.เสาวณีย์ ไทยรุ่งโรจน์

คร.วัถณา สุวรรณดี นายกสมาคม

คร.สมศักดิ์ รุ่งเรื่อง

รศ.คร.รนวรรธน์ พลวิชัย

ดร.ดาริกา อัทรพิพัฒน์

คร.อณาวุฒิ ชุทรัพย์

ดร.เสนีย์ สุวรรณดี ปฏิตมและฝ่ายหารายได้

ดร.ภัทรดา รุ่งเรื่อง

พศ.คร.ขออดา บงคอวนีร

พศ.คร.มารุจ ถิ่มปะวัฒนะ

ประธานฝ่ายวิชาการและ ประกันดูณภาพการศึกษา คร.สุนทรี รัดภาสกร

ประธานฝ่ายพัฒนาและ นวัดกรรมดูดมดีกษา

คร.ปรีชา เมขาวัสรภเคย์ ประธานฝ่ายทรัพยากรการเรียนรู้ และเทคโนโลยีการศึกษา คร.จอมขวัญ ผลภาษี

ประธานผ่ายกิจการนักสึกษา

นายณพิ่งพื้นวาระ ดร.พรรัย มงคลวนิช

นายกรับเดือก

อปนายก (=)

อุปนายก (๒)

นายทะเบียน

เหร้อเฒิก

ເວຈາຮີດາາ

A.Gow

A1.84 0AYA

สมาดมสถาบันอุดมศึกษาเอกซนแห่งประเทศไทย

ในพระราชูปกับภ์ สมเด็จพระเทพรัดบราชสุดาฯ สยามบรมราชกุมารี ASSOCIATION OF PRIVATE HIGHER EDUCATION INSTITUTIONS OF THAILAND UNDER THE PATRONAGE OF HER ROYAL HIGHNESS PRINCESS MAHA CHAKRI SIRINDHORN

ตษะ กบบทรีอยุธยา เขตราชเทวี กรุงเทพฯ ๑๐๙๐๐ โทร. ๐-๒๓๙๙ ชวธศาสอ โทรสาร. ๐-๒๓๙๙ ชวศ 328 Sri-Ayutthaya Road. Ratchathewi. Bangkok 10400. Thailand Tel. 0-2354 5689 91 FAX. 0-2354 5691 http://www.apheit.org

กราคา คร.ประที่ป ม.โกมถมาศ ที่ สสอท. 0025/2567

	1991 FAX 0-2354-5691 ฝ่ายบริหาร
เลขที่	489
Turi	0.3 13181 2567
Uma	W.J. 640 2001

1 เมษายน 2567

เรื่อง ยินดีร่วมเป็นเจ้าภาพในการจัดประชุมวิชาการระดับชาติและระดับนานาชาติและขออนุญาตใช้ ตราสัญลักษณ์สมาคมฯ เรียน อธิการบดีมหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น

อ้างถึง หนังสือที่ มฟอ. 2201/012 ลงวันที่ 29 กุมภาพันธ์ 2567

ตามหนังสือที่อ้างถึง มหาวิทยาลัยฟาร์อีสเทอร์น กำหนดจัดประชุมวิชาการระดับชาติและระดับ นานาชาติ "เบญจมิตรวิชาการ" ครั้งที่ 14 ในหัวข้อ "ความท้าทายในการสร้างสรรค์นวัตกรรม เพื่อพลิกโฉม คุณภาพการเรียนรู้ที่ยั่งยืนในสังคมยุคติจิทัล (CHALLENGES IN CREATING INNOVATION TO TRANSFORM THE QUALITY OF SUSTAINABLE LEARNING IN THE DIGITAL SOCIETY) ในวันพฤหัสบดีที่ 14 พฤษภาคม 2567 โดยการประชุมดังกล่าวประกอบด้วย กิจกรรมบรรยายพิเศษ การเสวนาทางวิชาการและการนำเสนอผลงาน วิชาการเพื่อเผยแพร่ผลงานทางวิชาการ งานวิจัย และองค์ความรู้อื่นๆ นั้น

สมาคมสถาบันอุดมศึกษาเอกขนแห่งประเทศไทยฯ ในการประชุมคณะกรรมการบริหารสมาคมฯ ครั้งที่ 2/2567 เมื่อวันที่ 29 มีนาคม 2567 มีมติให้สมาคมฯ เป็นเจ้าภาพร่วมในการจัดประชุมวิชาการระดับชาติและ ระดับนานาชาติ และอนุญาตให้ใช้ตราสัญลักษณ์สมาคมฯ ในการจัดประชุมดังกล่าวได้

จึงเรียนมาเพื่อโปรดทราบ

ขอแสดงความนับถือ

(คร.สมศักดี รุ่งเรือง)

นายกสมาคมสถาบันอุดมศึกษาเอกซนแห่งประเทศไทย ในพระราชูปถัมภ์ สมเด็จพระเทพรัดนราชสุดาฯ สยามบรมราชกุมารี

อาจารซ์ฉลอง แขวงอินทร์ ในพระราชูปถัมภ์ สมเข ประธานฟ้ายประชาสัมพัทธ์ อาจารช์วรงค์ ขึ้นวันทนานนท์ ศูนย์ประสานงานสมาคมๆ กรรมการ โทรศัพท์ 02-354-5689 คร.บัญรา เกิดมณี พศ.คร.วิทวัส ดิษอะศรัน สัตอารักษ์rmail : numaam150228@gmail.com คร.บัฐวัฒน์ วงษ์ชาลิตกุล พศ.คร.วิทยา เป็ญจาธิกุล พศ.คร.บิทมา รูปสุวรรณกุล คร.อรรถเวทย์ พฤกษ์สถาพร

The 14th BENJAMITRA Network National & International Conference Challenges in Creating Innovation to Transform The Quality of Sustainable Learning in the Digital Society

สารบัญ

ชื่อบทความ	ผู้เขียน	หน้า
การพัฒนาผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน รายวิชาสุขศึกษาเพื่อชีวิต โดย	อภัสรา บุญอิ่ม	1
การจัดการเรียนรู้แบบปัญหาเป็นฐาน ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปี	นิติศักดิ์ ไพโรจน์	
ที่ 3 โรงเรียนเตรียมอุดมศึกษาพัฒนาการ นนทบุรี		
การพัฒนาผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนและความสามารถในการทำงาน	พงษ์ณริน เกตุสม	10
กลุ่มหน่วยการเรียนรู้อัตราส่วนตรีโกณมิติ ด้วยการจัดการเรียนรู้โดย	ทรงพล ธนยศอุดมพงศ์	
ใช้เกมของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3	สมศักดิ์ ตู้สำราญ	
	ศิริลักษณ์ สุวรรณวงศ์	
การศึกษาการแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้น	ซาฟีนี หะแว	22
ประถมศึกษาปีที่ 2 ในชั้นเรียนที่เน้นการแก้ปัญหาด้วยวิธีการแบบ	จุฬาลักษณ์ ใจอ่อน	
เปิด		
ผลการจัดกิจกรรมการเรียนรู้แบบร่วมมือเทคนิคเกมกลุ่มแข่งขันเพื่อ	พุฒิเมธ คล้ำฉิม	37
พัฒนาทักษะพื้นฐานกีฬาขว้างจักรของนักเรียนระดับชั้นมัธยมศึกษา	เมสิณี ชิดปราง	
ปีที่ 2	กฤษฎิ์ กิตติฐานัส	
การพัฒนาผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนรายวิชาภาษาไทย หน่วยการ	ประภาพร พงษ์สุวรรณ์	51
เรียนรู้คำและชนิดของคำ ด้วยการจัดการเรียนรู้โดยใช้สมองเป็นฐาน	เฉลียว พันธุ์สีดา	
ร่วมกับเกมกระดาน สำหรับนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 3		
การพัฒนาทักษะกระบวนการทางวิทยาศาสตร์และผลสัมฤทธิ์	ธณัณณัฐ เฮงเจริญ	65
ทางการเรียนของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 3 โดยใช้การจัดการ	กุลนรี ทวีสุข	
เรียนรู้แบบสืบเสาะความรู้ (5Es) ร่วมกับเกมวิทยาศาสตร์	อุรวี พันเสน	
	พรรณี บุญประกอบ	
การพัฒนาเกมเพื่อส่งเสริมการเรียนรู้คณิตศาสตร์ เรื่อง การบวก	นาวิน ครุธศรี	79
และการลบจำนวนนับสำหรับนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 2	เมธาวุฒิ สักขี	
	อนันต์พล ชื่นชม	
ผลการจัดการเรียนรู้แบบสะเต็มศึกษาที่มีต่อผลสัมฤทธิ์ทางการเรียน	ปิยังกูร ภัทรมงคลเขตต์	88
และทักษะการสร้างสรรค์ชิ้นงาน สำหรับนักเรียนชั้นประถมศึกษาปี	ศศิธร อินตุ่น	
ที่ 3 โรงเรียนสาธิตละอออุทิศ	ดวงเดือน เทพนวล	

การศึกษาการแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 2 ในชั้นเรียนที่เน้นการแก้ปัญหาด้วยวิธีการแบบเปิด

A Study of Mathematical Representation of Second-Grade Elementary Students in Problem Solving Classroom by Open Approach

ซาฟีนี หะแว¹ , จุฬาลักษณ์ ใจอ่อน^{2*}

¹คณะครุศาสตร์, สาขาวิชาการศึกษา(คณิตศาสตร์) มหาวิทยาลัยราชภัฏภูเก็ต, s6310357107@pkru.ac.th ^{2*}Corresponding author, คณะครุศาสตร์, สาขาวิชาการศึกษา(คณิตศาสตร์) มหาวิทยาลัยราชภัฏภูเก็ต, julaluk.j@pkru.ac.th

บทคัดย่อ

การวิจัยครั้งนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อศึกษาการแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 2 ในชั้นเรียนที่เน้นการแก้ปัญหาด้วยวิธีการแบบเปิด กลุ่มเป้าหมายเป็นนักเรียนในโรงเรียนที่เข้าร่วมโครงการการ พัฒนาวิชาชีพครูโดยใช้การศึกษาชั้นเรียนด้วยวิธีการแบบเปิด (TLSOA) ตั้งแต่ปีการศึกษา 2564 ใช้ระเบียบวิธีวิจัย เชิงชาติพันธุ์วรรณา เน้นการสังเกตแบบมีส่วนร่วมและรวบรวมข้อมูลเชิงประจักษ์ วิเคราะห์ข้อมูลตามกรอบ แนวคิดของ Lesh, Cramer, Doerr, Post, and Zawojewski [1]

ผลการวิจัย พบว่า นักเรียนที่ได้รับการจัดการเรียนรู้ที่เน้นการแก้ปัญหาด้วยวิธีการแบบเปิด มีการ แก้ปัญหาที่ใช้การแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ครบทุกองค์ประกอบ เรียงลำดับจากมากไปน้อย คือ 1) การแสดง แทนด้วยสัญลักษณ์การเขียน พบว่า นักเรียนใช้การเขียนประโยคสัญลักษณ์ และการเขียนแสดงขั้นตอนการ ดำเนินการทางคณิตศาสตร์ตามความเข้าใจของตนเอง 2) การแสดงแทนด้วยสัญลักษณ์ที่เป็นการพูด พบว่า นักเรียนใช้การอธิบายวิธีการแก้ปัญหาด้วยภาษาของตนเองเพื่อสื่อสารหรือสื่อความหมายทางคณิตศาสตร์ 3) การ แสดงแทนด้วยการใช้สื่ออุปกรณ์ พบว่า นักเรียนใช้บล็อกและตารางค่าประจำหลักแสดงขั้นตอนการดำเนินการ เพื่อให้เพื่อนได้เข้าใจความหมายของค่าประจำหลัก 4) การแสดงแทนด้วยรูปภาพ พบว่า นักเรียนใช้การวาดภาพ สิ่งของ วาดบล็อก วาดสัญลักษณ์ ขีด วงกลม กากบาท เพื่อแสดงร่องรอยการดำเนินการทางคณิตศาสตร์ และ5) การแสดงแทนด้วยสถานการณ์ในชีวิตจริง พบว่า นักเรียนใช้ความเข้าใจเกี่ยวกับปริมาณของตัวเลขในแต่ละหลักมา ดำเนินการทางคณิตศาสตร์ โดยไม่จำเป็นต้องดำเนินการตามลำดับขั้นตอนทางคณิตศาสตร์ที่เป็นทางการ

้*คำหลัก:* การแสดงแทนทางคณิตศาสตร์, ชั้นเรียนที่เน้นการแก้ปัญหา, การศึกษาชั้นเรียน, วิธีการแบบเปิด

Abstract

The research aims to examine a second-grade elementary student's mathematical representation competence, with a focus on problem-solving. The target group is students in school who have also participated in the Thailand Lesson Study incorporated with Open Approach, or TLSOA, since 2021. Ethnographic research methods were used. The emphasis is placed on participatory observation and the collection of empirical data. The data were analyzed according to the conceptual framework of Lesh, Cramer, Doerr, Post, and Zawojewski [1].

The results of the research found that students who received learning management that emphasized problem solving through open methods There is a solution that uses a mathematical representation of all elements, the concerned approach discovered the following sorting in ascending order of value: 1) Written symbols representation revealed that students described the mathematical process using their comprehension of the symbol statement, arrow, and writing. 2) Spoken verbal symbols representation, students use their own language to explain how to solve problems in order to communicate mathematical meanings. 3) Manipulative aids representation means the students demonstrated the procedure that helps friends understand the meaning of a place value using a block and a place value table. 4) Picture Representation, the students use the drawing with objects, blocks, symbols, ticks, circles, and crosses to show the trace of mathematical process. 5) Real Life Situation Representation, the students applied the comprehension of the number quantity of each digit to the mathematic process with the unnecessity of using the mathematical ordering process officially.

Keywords: Mathematical Representation, Problem Solving Classroom, Lesson Study, Open Approach

ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา

คณิตศาสตร์มีบทบาทสำคัญยิ่งต่อความสำเร็จในการเรียนรู้ในศตวรรษที่ 21 เนื่องจากคณิตศาสตร์ช่วยให้ มนุษย์มีความคิดริเริ่มสร้างสรรค์ คิดอย่างมีเหตุผล เป็นระบบ มีแบบแผน สามารถวิเคราะห์ปัญหาหรือสถานการณ์ ได้อย่างรอบคอบและถี่ถ้วน ช่วยให้คาดการณ์ วางแผน ตัดสินใจ แก้ปัญหา ได้อย่างถูกต้องเหมาะสม และสามารถ นำไปใช้ในชีวิตจริงได้อย่างมีประสิทธิภาพ นอกจากนี้คณิตศาสตร์ยังเป็นเครื่องมือในการศึกษาด้านวิทยาศาสตร์ เทคโนโลยี และศาสตร์อื่น ๆ อันเป็นรากฐานในการพัฒนาทรัพยากรบุคคลของชาติให้มีคุณภาพและพัฒนา เศรษฐกิจของประเทศให้ทัดเทียมกับนานาชาติ การศึกษาคณิตศาสตร์จึงจำเป็นต้องมีการพัฒนาอย่างต่อเนื่อง[2,3] ทั้งนี้ทักษะและกระบวนการทางคณิตศาสตร์เป็นความสามารถที่จะนำความรู้ไปประยุกต์ใช้ในการเรียนรู้สิ่งต่าง ๆ เพื่อให้ได้มาซึ่งความรู้ และประยุกต์ใช้ในชีวิตประจำวันได้อย่างมีประสิทธิภาพ[3] โดยเฉพาะการแสดงแทนทาง คณิตศาสตร์

การแสดงแทนเป็นองค์ประกอบที่สำคัญสำหรับการเรียนการสอนคณิตศาสตร์ เนื่องจากการใช้รูปแบบการ แสดงแทนที่หลากหลายจะช่วยเพิ่มประสิทธิภาพในการเรียนการสอนคณิตศาสตร์[4] ในขณะที่นักเรียนพยายาม สร้าง เปรียบเทียบ และใช้การแสดงแทนความเข้าใจทางคณิตศาสตร์ต่างๆ มีเป้าหมายเพื่อพัฒนาและทำความ เข้าใจแนวคิดและความสัมพันธ์ทางคณิตศาสตร์ให้ลึกซึ้งยิ่งขึ้น การแสดงแทนทางคณิตศาสตร์เป็นส่วนสำคัญของ การแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ ในขณะที่การแก้ปัญหาเป็นหัวใจของการทำคณิตศาสตร์ นั่นหมายความว่าเป้าหมาย ของการเรียนรู้แนวคิดทางคณิตศาสตร์ต่างๆ นั้นเพื่อดำเนินการแก้ปัญหา ในขณะที่แก้ปัญหานักเรียนจะได้พัฒนา ความสามารถทางคณิตศาสตร์ประเภทอื่นๆ เช่น ความสามารถในการเข้าใจคณิตศาสตร์และการแสดงแทนทาง คณิตศาสตร์[5]

การแก้ปัญหาเป็นสิ่งสำคัญของการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ทั้งการเรียนรู้ที่จะแก้ปัญหาและการเรียนรู้ผ่านการ แก้ปัญหา นักเรียนจะได้รับโอกาสมากมายในการเชื่อมโยงแนวคิดทางคณิตศาสตร์และพัฒนาความเข้าใจต่อ ความคิดรวบยอด การแก้ปัญหาเป็นพื้นฐานของวิชาคณิตศาสตร์ที่มีประสิทธิภาพและควรเป็นหลักสำคัญของ การสอนคณิตศาสตร์ ซึ่งเป็นกระบวนการที่จะทำให้นักเรียนสามารถบรรลุความคาดหวังในวิชาคณิตศาสตร์ได้[6] ไมตรี อินทร์ประสิทธิ์[7] ได้นำ วิธีการแบบเปิด(open approach) มาใช้ในฐานะเป็นวิธีการสอนที่เน้นการ แก้ปัญหาด้วยตนเองของนักเรียน เพื่อให้นักเรียนสามารถคิดได้ด้วยตนเอง ซึ่งการออกแบบกิจกรรมคณิตศาสตร์ที่ ใช้ปัญหาปลายเปิดเพื่อรองรับแนวคิดในการแก้ปัญหาของนักเรียนได้อย่างกว้างขวาง จำเป็นต้องอาศัยการทำงาน ร่วมกันเป็นทีมเพื่อเรียนรู้สิ่งต่างๆ ด้วยกัน ซึ่ง Inprasitha[7,8] ได้นำการศึกษาชั้นเรียน (lesson study) มาใช้เป็น แนวทางหลักของการพัฒนาวิชาชีพครูร่วมกับการใช้วิธีการแบบเปิดในการพัฒนาการเรียนรู้ของนักเรียนไปพร้อม กันด้วย

โรงเรียนเทศบาลพิบูลสวัสดี เป็นโรงเรียนที่นำนวัตกรรมการศึกษาชั้นเรียนด้วยวิธีการแบบเปิด (TLSOA) มาใช้ในการพัฒนาบทบาทการสอนของครูเพื่อพัฒนาชั้นเรียนให้เป็นชั้นเรียนที่เน้นการแก้ปัญหา และเพื่อ พัฒนาการเรียนรู้คณิตศาสตร์ของนักเรียน มาตั้งแต่ปีการศึกษา 2564 ภายใต้การดูแลให้คำปรึกษาอย่างใกล้ชิด จากคณาจารย์ วิชาเอกคณิตศาสตร์ คณะครุศาสตร์ มหาวิทยาลัยราชภัฏภูเก็ต และจากผลการวิจัยของกมลรัตน์ มนต์ไธสง และคณะ[9]และจิระประภา ไชยวุฒิและคณะ[10] พบว่าในชั้นเรียนที่เน้นการแก้ปัญหาด้วยการสอน ตามแนวทางของวิธีการแบบเปิด ทำให้นักเรียนสามารถแสดงแทนทางคณิตศาสตร์เพื่อสื่อความหมายและความ เข้าใจทางคณิตศาสตร์ในรูปแบบต่างๆได้อย่างหลากหลาย ดังนั้นผู้วิจัยจึงสนใจศึกษาการแสดงแทนทาง คณิตศาสตร์ของนักเรียนในชั้นเรียนดังกล่าว เพื่อทำความเข้าใจรูปแบบการแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ของนักเรียน ซึ่งจะเป็นข้อมูลสำคัญในการนำไปใช้ออกแบบกิจกรรมทางคณิตศาสตร์เพื่อพัฒนาความเข้าใจและส่งเสริมการ เรียนรู้ทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนให้มีประสิทธิภาพมากยิ่งขึ้น

วัตถุประสงค์

เพื่อศึกษาการแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 2 ในชั้นเรียนที่เน้นการ แก้ปัญหาด้วยวิธีการแบบเปิด

ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ

 ครูและผู้ที่สนใจศึกษาเกี่ยวกับการแสดงแทนของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 2 สามารถใช้เป็นข้อมูล ในการส่งเสริมการแสดงแทนของนักเรียนให้มีประสิทธิภาพได้

 ครูและผู้ที่สนใจสามารถนำผลการวิจัยไปใช้เป็นแนวทางในการจัดการเรียนการสอนเพื่อเปิดโอกาสให้ นักเรียนเกิดการแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ในเนื้อหาเรื่องอื่นๆ หรือระดับชั้นอื่นๆ ให้มีประสิทธิภาพได้

 ครูที่จัดการเรียนรู้ที่เน้นการแก้ปัญหาโดยใช้การศึกษาชั้นเรียนด้วยวิธีการแบบเปิด ทำให้นักเรียนได้รับ การส่งเสริมให้เกิดการแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ที่หลากหลาย

กรอบแนวคิด

วิธีการแบบเปิด หมายถึง แนวทางการจัดการเรียนการสอนที่ใช้ปัญหาปลายเปิด มาเป็นหลักสำหรับสร้าง กิจกรรมการเรียนรู้ หรือกล่าวได้ว่าเป็นการใช้ "ปัญหาปลายเปิด(open-ended problem)" ในฐานะที่เป็น "สถานการณ์ปัญหา (problem situation)" เพื่อเป็นกลไกขับเคลื่อนการบูรณาการองค์ประกอบสาระการเรียนรู้ ที่คาดหวังไว้ในหลักสูตร นักเรียนที่เรียนด้วยวิธีการแบบเปิดจะได้รับโอกาสให้ได้แก้ปัญหาปลายเปิดตามแนวทาง และความสามารถที่แตกต่างของแต่ละบุคคล ครูผู้สอนจะทำหน้าที่เป็นผู้สนับสนุนและจัดเตรียมสื่ออุปกรณ์เพื่อ สนับสนุนการคิดทางคณิตศาสตร์ของนักเรียน เพื่อให้นักเรียนเกิดการเรียนรู้และเข้าใจความคิดรวบยอดทาง คณิตศาสตร์ผ่านการแก้ปัญหาด้วยตนเอง และผ่านการอภิปรายแลกเปลี่ยนเรียนรู้แนวคิดที่แตกต่างกันใน ห้องเรียน ซึ่งวิธีการแบบเปิดมี 4 ขั้นตอน[7] ดังนี้

 การนำเสนอปัญหาปลายเปิด หมายถึง การที่ครูนำเสนอปัญหาปลายเปิดในชั้นเรียน นักเรียนจะถูกถาม เพื่อให้เกิดความสับสน เนื่องจากเป็นสถานการณ์ปัญหาที่นักเรียนไม่คุ้ยเคย และครูจะช่วยให้นักเรียนเข้าใจ ความหมายของปัญหาด้วยการกระตุ้นให้นักเรียนพิจารณาประเด็นเดียวกัน ด้วยการดูปัญหาบนกระดาน เพิ่มเติม ข้อมูลสำหรับกรณีทั่วๆไป ให้ตัวอย่างที่ไม่จำกัดแนวทางการคิด และสร้างสื่อรูปธรรมที่เป็นต้นแบบ

2. การเรียนรู้ด้วยตนเองของนักเรียน หมายถึง การเปิดโอกาสให้นักเรียนได้ลงมือแก้ปัญหาด้วยตนเอง ครู ต้องระมัดระวังไม่กำหนดข้อเสนอแนะสำหรับนักเรียนทุกคน แต่ครูต้องปรับข้อเสนอแนะให้เหมาะสมกับความ คิดเห็นของนักเรียนอย่างเฉพาะเจาะจง การสอนในขั้นนี้คาดหวังให้นักเรียนเกิดแนวทางการแก้ปัญหาที่ หลากหลาย มีประเด็นใหม่ๆ ที่ยังไม่เกิดขึ้น ซึ่งประเด็นใหม่ๆ หรือแนวคิดใหม่ๆ นี้จะเกิดขึ้นในขณะที่มีการ อภิปรายในชั้นเรียน สิ่งสำคัญคือการเคลื่อนย้ายการเรียนรู้รายบุคคลไปที่การเรียนรู้ในกลุ่ม

 การอภิปรายและการเปรียบเทียบทั้งชั้นเรียน หมายถึง การเขียนบันทึกการตอบปัญหา แนวทางเข้าสู่ ปัญหา หรือวิธีการแก้ปัญหาที่ทำโดยนักเรียนแต่ละคนหรือในกลุ่มการเรียนที่ผ่านมาเป็นสิ่งสำคัญมาก ครูสามารถ ใช้ข้อมูลเหล่านี้มาประเมินการเรียนรู้รายบุคคลหรือของกลุ่ม ซึ่งเป็นขั้นตอนที่สำคัญมากต่อการพัฒนาบทเรียนใน อนาคต ครูควรพยายามจำแนกนักเรียนว่าใครยังไม่เข้าใจปัญหา และให้ตัวอย่างเพิ่มเติมหรือเสนอแนะเพื่อกระตุ้น ให้นักเรียนคิดในแนวทางที่เกี่ยวข้องกับปัญหา

4. การสรุปโดยเชื่อมโยงแนวคิดทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนที่เกิดขึ้นในชั้นเรียน หมายถึง การที่ครูหรือ นักเรียนควรเขียนงานของตนเองหรือของกลุ่มบนกระดานเพื่อให้สมาชิกในห้องได้เห็น จากนั้นครูรวบรวมแนวคิด ทั้งหมดของนักเรียน และควรให้นักเรียนได้ยืนยันงานของตัวเองว่าสอดคล้องหรือสามารถสรุปรวบยอดแนวคิดเข้า กับแนวคิดของนักเรียนคนอื่นๆ ได้หรือไม่ หากพบว่ามีแนวคิดที่ยังไม่ถูกต้องหรือไม่สมบูรณ์ ครูควรพิจารณาในมุม บวกและปรับแนวคิดเหล่านั้นจากข้อเสนอแนะของนักเรียนคนอื่นๆ ครูควรรวบรวมแนวคิดของนักเรียนที่เกิดขึ้น เพื่อนำไปสู่ข้อสรุป ซึ่งครูควรผสมผสานและจัดเรียงตามแนวคิดนั้นๆ สรุปการเรียนรู้และกระตุ้นเพื่อเป็นการ เตรียมสำหรับคาบเรียนต่อไป

การศึกษาชั้นเรียน หมายถึง กระบวนการที่ครูคณิตศาสตร์ในหลายโรงเรียนในชุมชนเดียวกันทำงาน ร่วมกันเพื่อค้นคว้าสื่อการสอน พัฒนาแผนการสอน และฝึกปฏิบัติการสอน แนวปฏิบัติของการศึกษาชั้นเรียน คือ 1) ครูสามารถเรียนรู้ได้ดีที่สุดและปรับปรุงการปฏิบัติของตนเองโดยการสังเกตการสอนของครูคนอื่น 2) มีความ คาดหวังว่าครูที่มีทักษะและความเข้าใจอย่างลึกซึ้งในเนื้อหาสาระการสอนควรได้รับการสนับสนุนให้แบ่งปัน ความรู้และประสบการณ์กับเพื่อนร่วมงาน และ 3) แม้ว่าจุดเน้นจะอยู่ที่ครู แต่จุดเน้นสุดท้ายอยู่ที่การบ่มเพาะ ความสนใจของนักเรียนและคุณภาพการเรียนรู้ของนักเรียน[11] ซึ่ง ไมตรี อินทร์ประสิทธิ์[7] ได้นำมาใช้เป็น แนวทางหลักในการพัฒนาวิชาชีพครูคณิตศาสตร์ของไทย ที่ประกอบด้วย 3 ขั้นตอนที่สำคัญ คือ

 การสร้างแผนการจัดการเรียนรู้ร่วมกัน นักวิจัย ผู้ช่วยวิจัย และครูที่เข้าร่วมในการวิจัยร่วมกันสร้าง แผนการจัดการเรียนรู้โดยพยายามเอาเนื้อหาสาระที่ต้องการสอนมาทำให้อยู่ในรูปปัญหาปลายเปิด

 การสังเกตการสอนร่วมกัน ในขั้นตอนนี้ครูคนหนึ่งจากทีมที่ร่วมกันสร้างแผนจะเป็นคนนำแผนไปใช้จริง ในชั้นเรียน โดยดำเนินการสอนตามวิธีการแบบเปิด ครูคนอื่นๆจะทำหน้าที่สังเกตการสอนโดยมีเป้าหมายเพื่อ สังเกตกระบวนการคิดของนักเรียน โดยไม่เน้นการพิจารณาความสามารถในการสอนของครู

3. การสะท้อนผลบทเรียนหลังการสอนร่วมกัน ขั้นตอนนี้ถือเป็นขั้นตอนที่สำคัญมากต่อการเรียนรู้ร่วมกัน ระหว่างคนที่เกี่ยวข้องทั้งหมดไม่ว่าจะเป็นครูผู้สอน ครูผู้สังเกต ผู้อำนวยการโรงเรียนและนักวิจัยจากมหาวิทยาลัย ที่ร่วมกันทำงานกับโรงเรียนรวมทั้งผู้เชี่ยวชาญ การสะท้อนผลเพื่อปรับปรุงบทเรียนที่ถูกนำเสนอผ่านแผนการ จัดการเรียนรู้ทำให้ทุกฝ่ายได้มีโอกาสทำความเข้าใจกระบวนการเรียนรู้ของนักเรียน รวมทั้งแนวคิดต่างๆที่ นักเรียนตอบสนองต่อสถานการณ์ปัญหาที่กำหนดขึ้น

การแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ หมายถึง วิธีการที่นักเรียนใช้สื่อสารหรือสื่อความหมายตามความเข้าใจ ทางคณิตศาสตร์ของนักเรียน ซึ่งมี 5 รูปแบบ [1]

 การแสดงแทนด้วยการใช้สื่ออุปกรณ์ (Manipulative Aids Representation) เป็นการแสดงออกของ นักเรียนเกี่ยวกับความเข้าใจหรือแนวคิดทางคณิตศาสตร์ผ่านการจัดกระทำกับสื่ออุปกรณ์ที่เป็นวัตถุเชิงกายภาพ เช่น บล็อก แถบกระดาษ ตารางค่าประจำหลัก เป็นต้น 2. การแสดงแทนด้วยรูปภาพ (Pictures Representation) เป็นการวาดภาพ หรือแผนภาพ มาช่วย สะท้อนความเข้าใจเกี่ยวกับคณิตศาสตร์ เช่น การวาดรอยขีด วงกลม สี่เหลี่ยม หรือการวาดลูกศร วาดไดอะแกรม แสดงการลบ เป็นต้น

 การแสดงแทนด้วยสัญลักษณ์ที่เป็นการพูด (Spoken Verbal Symbols Representation) เป็นการใช้ ภาษาพูดที่แสดงแทนตัวเลขหรือแนวคิดเกี่ยวกับตัวเลขที่มาจากความเข้าใจเกี่ยวกับคณิตศาสตร์ยด้วยภาษาของ นักเรียนเอง เช่น การพูดอธิบายการเอาออกหรือการนำไปใช้ หรืออธิบายขั้นตอนการลบ เป็นต้น

4. การแสดงแทนด้วยสัญลักษณ์การเขียน (Written Symbols Representation) เป็นการแสดงแทน แนวคิดและความเข้าใจทางคณิตศาสตร์ ผ่านการเขียนสัญลักษณ์บางอย่าง เช่น ตัวอักษร ตัวเลขและสัญลักษณ์ ทางคณิตศาสตร์ เป็นต้น

5. การแสดงแทนด้วยสถานการณ์ในชีวิตจริง (Real Life Situations Representation) เป็นการแสดง ความเข้าใจหรือแนวคิดทางคณิตศาสตร์ที่เชื่อมโยงกับเหตุการณ์ สถานการณ์ และเรื่องราวจากชีวิตจริงของ นักเรียนเอง ซึ่งก่อให้เกิดประสบการณ์ทางคณิตศาสตร์ที่ไม่เป็นทางการ ผ่านการพูดหรือแสดงให้เห็นความ เชื่อมโยงระหว่างแนวทางการแก้ปัญหากับสถานการณ์ในชีวิตจริง เช่น นักเรียนแสดงการลบตัวเลขโดยใช้ ประสบการณ์ที่เคยเห็นจำนวนของบล็อกจริง โดยที่ไม่ต้องดำเนินการตามขั้นตอนของการลบในแนวตั้ง หรือ การ ใช้ประสบการณ์เกี่ยวกับจำนวนของบล็อกในการอธิบายค่าประจำหลัก (เลข 6 ในหลักสิบ หมายถึง มี 6 แท่งสิบ) เป็นต้น

ขั้นตอนการทำงานตามแนวทางการศึกษา ชั้นเรียน 3 ขั้นตอน [7]

 การสร้างแผนการจัดการเรียนรู้ร่วมกัน
 การสังเกตการสอนร่วมกันและการนำ แผนการจัดการเรียนร่วมไปใช้สอนจริง
 การสะท้อนผลบทเรียนหลังการสอน ร่วมกัน

ขั้นตอนการสอนด้วย วิธีการแบบเปิด 4 ขั้นตอน [7]

- 1. การนำเสนอปัญหาปลายเปิด
- 2. การเรียนรู้ด้วยตนเองของนักเรียน
- 3. การอภิปรายและการเปรียบเทียบทั้งชั้นเรียน
- การสรุปโดยเชื่อมโยงแนวคิดทางคณิตศาสตร์
 ของนักเรียนที่เกิดขึ้นในชั้นเรียน

การแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ 5 รูปแบบ [1]

ร่วมกับ

ศึกษา

- 1. การแสดงแทนด้วยการใช้สื่ออุปกรณ์
- 2. การแสดงแทนด้วยรูปภาพ
- 3. การแสดงแทนด้วยสัญลักษณ์ที่เป็นการพูด
- 4. การแสดงแทนด้วยสัญลักษณ์การเขียน
- 5. การแสดงแทนด้วยสถานการณ์ในชีวิตจริง

ภาพประกอบ 1 กรอบแนวคิดที่ใช้ในการวิจัย

วิธีดำเนินการวิจัย

การวิจัยในครั้งนี้ใช้ระเบียบวิธีวิจัยเชิงคุณภาพแบบการวิจัยเชิงชาติพันธุ์วรรณา เน้นการสังเกตแบบมีส่วน ร่วมและรวบรวมข้อมูลเชิงประจักษ์ ผู้วิจัยได้ดำเนินการโดยมีรายละเอียดดังนี้

 กลุ่มเป้าหมาย ผู้วิจัยดำเนินการคัดเลือกกลุ่มเป้าหมายโดยใช้วิธีการเลือกแบบเจาะจง เป็นนักเรียนชั้น ประถมศึกษาปีที่ 2/2 จำนวน 32 คน ภาคเรียนที่ 2 ปีการศึกษา 2566 โรงเรียนเทศบาลพิบูลสวัสดี อำเภอเมือง ภูเก็ต จังหวัดภูเก็ต เป็นโรงเรียนที่เข้าร่วมโครงการการพัฒนาวิชาชีพครูโดยใช้การศึกษาชั้นเรียนด้วยวิธีการแบบ เปิด (TLSOA) ตั้งแต่ปีการศึกษา 2564 ดำเนินงานโดยวิชาเอกคณิตศาสตร์ คณะครุศาสตร์ มหาวิทยาลัยราชภัฏ ภูเก็ต มีการกำหนดทีมการศึกษา 2564 ดำเนินงานโดยวิชาเอกคณิตศาสตร์ คณะครุศาสตร์ มหาวิทยาลัยราชภัฏ ภูเก็ต มีการกำหนดทีมการศึกษาขั้นเรียนที่ประกอบด้วย ผู้วิจัย ผู้ช่วยวิจัย ครูประจำการ และผู้เชี่ยวชาญ โดยทีม การศึกษาชั้นเรียนจะร่วมกันเขียนแผนการจัดการเรียนรู้และร่วมกันสะท้อนผลการจัดการเรียนรู้ ทุกวันพฤหัสบดี เวลา 16.00 น. เป็นต้นไป ตลอดปีการศึกษา และมีการนำแผนการจัดการเรียนรู้ที่ร่วมกันสร้างขึ้นไปใช้จริงตาม ตารางสอนปกติตลอดทั้งสัปดาห์โดยมีทีมการศึกษาชั้นเรียนร่วมสังเกตอย่างต่อเนื่อง เพื่อนำผลจากการสังเกตมา สะท้อนปัญหาและปรังปรุงการสอนของครูผู้สอนให้เป็นชั้นเรียนที่เน้นการแก้ปัญหาอย่างแท้จริง ซึ่งจะเป็นการเปิด โอกาสให้นักเรียนได้แสดงการแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ของตนเองได้อย่างเต็มศักยภาพโดยไม่มีการแทรกแซง จากครูผู้สอน

 การเก็บรวบรวมข้อมูลวิจัย ผู้วิจัยและผู้ช่วยวิจัยได้วางแผนสำหรับการเก็บรวบรวมข้อมูล ซึ่งมี รายละเอียดดังต่อไปนี้

2.1 กำหนดบทบาทหน้าที่ในการเก็บรวบรวมข้อมูล

2.2 ดำเนินการตามแผนการเก็บรวบรวมข้อมูลที่วางแผนไว้ร่วมกัน โดยมีตัวแทนทำหน้าที่เป็นผู้สอน ตามขั้นตอนการสอนที่เน้นการแก้ปัญหาโดยใช้วิธีการแบบเปิด ในหน่วยการเรียนรู้เรื่องการลบในแนวตั้ง จำนวน 5 แผน และผู้วิจัยดำเนินการเก็บรวบรวมข้อมูลด้วยการสังเกต บันทึกวิดีทัศน์ บันทึกภาพนิ่ง และบันทึกเสียง เหตุการณ์ที่เกิดขึ้นในแต่ละขั้นตอนของการสอนโดยใช้วิธีการแบบเปิด

2.3 จัดระบบข้อมูลวิจัยที่ได้จากการเก็บรวบรวมเพื่อนำมาวิเคราะห์ข้อมูล ด้วยการรวบรวมภาพและ เสียงที่ได้จากเครื่องบันทึกวิดีทัศน์ เครื่องบันทึกภาพนิ่ง เครื่องบันทึกเสียงระหว่างจัดการเรียนรู้โดยใช้วิธีการแบบ เปิด ซึ่งเป็นภาพและวิดีโอขณะที่นักเรียนแสดงพฤติกรรมการแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ระหว่างการแก้ปัญหา การ นำเสนอแนวคิด หรือร่วมกันอภิปรายในชั้นเรียน โดยข้อมูลจากวิดีทัศน์ในชั้นเรียนแต่ละคาบ จะถูกนำมาถอดเป็น ข้อความในรูปโพรโตคอล เพื่อหาหลักฐาน "การแสดงแทนทางคณิตศาสตร์" ของนักเรียนร่วมกับแบบสังเกต และ ผลงานการแก้ปัญหาของนักเรียนขณะจัดการเรียนรู้โดยใช้วิธีการแบบเปิด เพื่อเป็นข้อมูลประกอบการวิเคราะห์

 เครื่องมือที่ใช้ในการวิจัย ผู้วิจัยดำเนินการสร้างและตรวจสอบคุณภาพของเครื่องมือที่ใช้ในการวิจัย โดยมีรายละเอียดดังนี้

3.1 แผนการจัดการเรียนรู้โดยใช้วิธีการแบบเปิด เรื่องการลบในแนวตั้ง จำนวน 5 คาบ แผนละ 1 คาบ ออกแบบสถานการณ์ปัญหาที่เน้นการแก้ปัญหา ไม่เน้นคำตอบถูกผิด แต่เน้นวิธีการแก้ปัญหาหรือแนวคิดที่ หลากหลาย รวมทั้งการสร้างสื่อหลักและสื่อเสริม จากกิจกรรมการเรียนรู้ตามหนังสือเรียนคณิตศาสตร์สำหรับ ระดับประถมศึกษา ชั้นประถมศึกษาปีที่ 2 ประเทศญี่ปุ่น ฉบับแปลและเรียบเรียงโดยไมตรี อินทร์ประสิทธิ์ [12] ผู้วิจัย ผู้ช่วยวิจัย ร่วมกับทีมการศึกษาชั้นเรียนวางแผนการจัดการเรียนรู้ ภายใต้การให้คำแนะนำจากผู้เชี่ยวชาญ ด้านวิธีการแบบเปิดจำนวน 3 ท่าน พิจารณารายสัปดาห์เพื่อพัฒนาและปรับปรุงแผนการจัดการเรียนรู้ให้เหมาะสม ยิ่งขึ้น ดังรายละเอียดต่อไปนี้

แผนการจัดการ เรียนรู้ที่	กิจกรรมเรื่อง	สาระสำคัญของแผน
1	มากินสตอว์เบอร์รี่กันเถอะ	สร้างความเข้าใจเกี่ยวกับวิธีการเขียนแสดงการลบในแนวตั้ง
		ของจำนวน 2 หลัก กับ 2 หลัก โดยที่ไม่มีการยืม
2	คำนวณ 29-6 ในแนวตั้ง	สร้างความเข้าใจเกี่ยวกับการลบจำนวน 2 หลัก กับ 1 หลัก
		ในแนวตั้ง
3	เหลือแสตมป์อยู่เท่าไร	สร้างความเข้าใจเกี่ยวกับการลบที่มีการยืม
4	คำนวณจำนวน 2 หลักกับ 2	-สร้างความเข้าใจเกี่ยวกับการลบจำนวน 2 หลักกับ 2 หลัก
	หลัก ในแนวตั้ง	ที่มีการยืม โดยที่หลักหน่วยของตัวตั้งเป็น 0 (70-23) และ
		เมื่อมีการยืมจากหลักสิบ ทำให้หลักสิบของตัวตั้งมีค่าเท่ากับ
		หลักสิบของตัวลบ (34-26)
5	เหลือกบอยู่กี่ตัว	สร้างความเข้าใจเกี่ยวกับการลบจำนวน 3 หลัก กับ 2 หลัก

						1	ິ	
	แสดงรายละเอียดแผน	a a	1 25	9 20a	A 1	a (า อ	° _
m 1	11 7 6 9 5 7 8 9 8 1 9 8 9 1 9 9 1 9 1 9 1 9 1	ດດຮວດດາຮາຮ	191915	ലിഒറട്റ്	~!!!!!!!!	150 100501		
			101719191			P96/01119010	6 12 66 12 d VIV	ง เผ่าผ่าว ที่ เบ
			91					

3.2 แบบสังเกตการแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ของนักเรียน ผู้วิจัยได้ศึกษาเอกสารและวรรณกรรมที่ เกี่ยวข้อง จัดทำรายการแบบสังเกตการแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ของนักเรียน ตามกรอบแนวคิดของ Lesh, Cramer, Doerr, Post, and Zawojewski [1] และเสนอต่อผู้เชี่ยวชาญเพื่อตรวจสอบความสอดคล้องระหว่าง รายการในแบบสังเกตและกรอบแนวคิดการแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ และปรับแก้ตามข้อเสนอแนะของ ผู้เชี่ยวชาญ โดยหาค่าดัชนีความสอดคล้อง (IOC) ของผู้เชี่ยวชาญจำนวน 3 ท่าน และค่าดัชนีความสอดคล้องที่ ยอมรับได้ต้องมีค่าระหว่าง 0.66 - 1.00

3.3 เครื่องบันทึกวิดีทัศน์ ใช้บันทึกภาพและเสียงของนักเรียนและครูผู้สอนในระหว่างที่จัดกิจกรรมการ
 เรียนการสอนด้วยวิธีการแบบเปิด เพื่อนำข้อมูลที่ได้มาวิเคราะห์การแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ของนักเรียน

3.4 เครื่องบันทึกภาพนิ่ง ใช้บันทึกภาพและบรรยากาศการเรียนการสอนตามขั้นตอนของวิธีการแบบ เปิด และบันทึกผลงานการทำกิจกรรมของนักเรียนทั้งในส่วนที่เป็นผลงานการแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ของ นักเรียนบนกระดาน และผลงานการทำใบกิจกรรมของนักเรียน 3.5 เครื่องบันทึกเสียง ใช้บันทึกเสียงของนักเรียนและครูผู้สอนในระหว่างที่จัดกิจกรรมการเรียนการ สอนด้วยวิธีการแบบเปิด เพื่อนำข้อมูลที่ได้มาประกอบกับข้อมูลจากเครื่องบันทึกวิดีทัศน์เพื่อยืนยันความถูกต้อง ของข้อมูลที่ได้

ผลการวิจัย

จากการศึกษาการแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้นประถมศึกษาปีที่ 2 ในชั้นเรียนที่เน้นการ แก้ปัญหา จำนวน 5 แผน ด้วยการวิเคราะห์โพรโตคอลการสอน ภาพถ่าย แบบสังเกต และผลงานการแก้ปัญหา ของนักเรียน สามารถสรุปการแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนได้ ดังตาราง 2

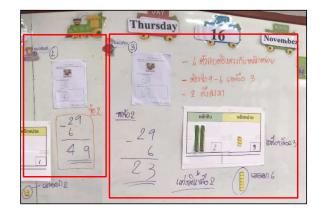
แผนการจัดการเรียนรู้ที่	รูปแบบของการแสดงแทน				
แผนการงหการเรยนรูท	การใช้สื่ออุปกรณ์	รูปภาพ	การเขียน	การพูด	สถานการณ์ในชีวิตจริง
1	32	2	32	3	4
2	2	0	32	3	0
3	2	4	32	5	8
4	2	4	32	7	0
5	2	7	32	4	4

ตาราง 2 แสดงการวิเคราะห์รูปแบบของการแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ของนักเรียน จำนวน 32 คน

จากตาราง 2 พบว่า นักเรียนได้แสดงแนวคิดผ่านการแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ครบทั้ง 5 รูปแบบ โดย นักเรียนทุกคนสามารถใช้การแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ได้หลากหลายรูปแบบในแต่ละแผนการจัดการเรียนรู้ โดย ในทุกแผนการจัดการเรียนรู้นักเรียนทุกคนสามารถแสดงแทนด้วยสัญลักษณ์การเขียนได้ นอกจากนี้ยังพบว่า นักเรียนสามารถใช้การแสดงแทนด้วยการใช้สื่ออุปกรณ์ และการแสดงแทนด้วยสัญลักษณ์ที่เป็นการพูด ครบทุก แผนแต่ใช้ในปริมาณน้อย ทั้งนี้ยังพบว่าการแสดงแทนด้วยรูปภาพ และการแสดงแทนด้วยสถานการณ์ในชีวิตจริง นักเรียนสามารถแสดงได้แต่ไม่ครบทุกแผน

เมื่อพิจารณารายละเอียดของการแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ของนักเรียน พบการแสดงแทนทาง คณิตศาสตร์ของนักเรียนในแต่ละรูปแบบดังนี้

 การแสดงแทนด้วยการใช้สื่ออุปกรณ์ จากสถานการณ์ปัญหา "คำนวณ 29-6 ในแนวตั้ง" พบว่า นักเรียนมีการใช้บล็อกและตารางค่าประจำหลักแสดงขั้นตอนการลบในแนวตั้ง เพื่อให้เพื่อนได้เข้าใจความหมาย ของค่าประจำหลัก จากที่มีนักเรียนมีความเข้าใจผิดเกี่ยวกับการเขียนหลักหน่วยในตำแหน่งของหลักสิบ ทำให้ได้ คำตอบที่ผิดด้วย ดังแนวคิดที่ 2 นักเรียนเขียนเลข 6 ในหลักสิบ และเมื่อได้มีการอภิปรายร่วมกันนักเรียนจึงใช้ บล็อกและตารางค่าประจำหลักแสดงให้เพื่อนเข้าใจความหมายของเลข 6 ว่ามีจำนวนเท่ากับบล็อก 6 ชิ้น ไม่ใช่ บล็อกแท่งสิบ 6 แท่ง ดังนั้นจึงต้องอยู่ในหลักหน่วย โดยได้แสดงแนวคิดที่ 3 ทำให้นักเรียนเข้าใจร่วมกันว่าต้องตั้ง หลักเลขให้ตรงกัน ดังภาพประกอบ 2



ภาพประกอบ 2 ตัวอย่างการแสดงแทนด้วยการใช้สื่ออุปกรณ์

 การแสดงแทนด้วยรูปภาพ จากสถานการณ์ปัญหา "ครูมีแสตมป์อยู่ 45 ดวง ครูต้องการนำไปแลกที่ เซเว่น 27 ดวง แสตมป์เซเว่นครูจะเหลืออยู่เท่าไร" พบว่า นักเรียนใช้การวาดวงกลมล้อมรอบแสตมป์ 27 ดวง เพื่อ แสดงการเอาไปแลกหรือถูกใช้ไป และใช้การขีดถูกบนแสตมป์ที่เหลือเพื่อนับแสตมป์ที่เหลืออยู่ ซึ่งเป็นการใช้การ วาดภาพเพื่อช่วยทำความเข้าใจสถานการณ์ปัญหา (35 -27 = 18) ดังภาพประกอบ 3



ภาพประกอบ 3 ตัวอย่างการแสดงแทนด้วยรูปภาพ

 การแสดงแทนด้วยสัญลักษณ์การเขียน พบว่า นักเรียนใช้การเขียนประโยคสัญลักษณ์การลบ เขียน ลูกศรเพื่อเขียนอธิบายวิธีการแก้ปัญหาของตนเอง ซึ่งสะท้อนให้เห็นความเข้าใจของนักเรียนเกี่ยวกับการหาจำนวน ของสตอว์เบอร์รี่ที่เหลืออยู่ในถาด (38-12=26) ดังภาพประกอบ 4

The 14th BENJAMITRA Network National & International Conference Challenges in Creating Innovation to Transform The Quality of Sustainable Learning in the Digital Society

8=12-12

ภาพประกอบ 4 ตัวอย่างการแสดงแทนด้วยสัญลักษณ์การเขียน

 การแสดงแทนด้วยสัญลักษณ์ที่เป็นการพูด พบว่า นักเรียนใช้การพูดอธิบายขั้นตอนวิธีการลบด้วย ภาษาของตนเอง ประกอบกับการเคลื่อนย้ายบล็อก ซึ่งเป็นการสื่อสารหรือสื่อความหมายทางคณิตศาสตร์ ดัง โพรโตคอลต่อไปนี้

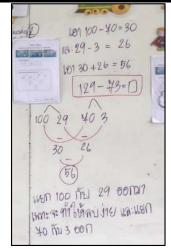
ครู : ต่อไปจูนิ อ่านสถารการณ์ให้เพื่อนๆ ฟังหน่อยค่ะ?

- จูนิ : ครูมีแสตมป์อยู่ 45 ดวง ครูต้องการไปแลกเซเว่น 27 ดวง แล้วแสตมป์เซเว่นครูจะเหลืออยู่เท่าไร
- ครู : คราวนี้ทำยังไงต่อคะ
- จูนิ : หนูก็เอา 45 27
- ครู : ลบอย่างไร
- จูนิ : ก่อนอื่นต้องตั้งลบ บนตารางค่าประจำหลัก หนูวางบล็อกสิบ 4 แท่ง วางในหลักสิบ วางบล็อก 5 บล็อกในหลักหน่วย แล้วลบด้วย 27 ดึง 7 จากหลักหน่วย แต่มันไม่พอเลยต้องยืม จากหลักสิบมา 1 แท่ง ทำให้หลักหน่วยมีค่า 15 เอาออก 7 จากสิบ เหลือ 8 ซึ่งในหลักสิบ เหลือบล็อกสิบอยู่ 3 แท่ง เอาออกมา 2 แท่งในหลักสิบมีค่าเท่ากับ 20 ดังนั้นเหลือบล็อกทั้ง 18 ทำให้แสตมป์เหลือ 18 ดวงค่ะ

จากโพรโตคอล นักเรียนมีความเข้าใจเกี่ยวกับการลบว่าเป็นการเอาออก นักเรียนจึงพยายามอธิบายการ ลบประกอบกับการใช้ตารางค่าประจำหลัก และเคลื่อนย้ายบล็อก เพื่อแสดงการเอาบล็อกออกจากหลักต่างๆ และ อธิบายเหตุผลว่าทำไมจึงต้องเอาออกจากหลักนั้น เพื่อให้เพื่อนในห้องเกิดความเข้าใจร่วมกัน

5. การแสดงแทนด้วยสถานการณ์ในชีวิตจริง จากสถานการณ์ปัญหา "มีกบฝูงหนึ่งอยู่ด้วยกัน 129 ตัว นก กระสากินกบไป 73 ตัว เหลือกบอยู่กี่ตัว" พบว่า นักเรียนใช้ความเข้าใจเกี่ยวกับปริมาณของตัวเลขในแต่ละหลักมา แสดงการลบ โดยไม่จำเป็นต้องดำเนินการตามลำดับขั้นตอนทางคณิตศาสตร์ที่เป็นทางการ เช่น จากสถานการณ์ 129 – 73 เนื่องจาก 2 ในหลักสิบ ไม่สามารถลบกับ 7 ในหลักสิบได้ นักเรียนจึงแยกจำนวน 129 เป็น 100 กับ 29 และแยก 73 เป็น 70 กับ 3 แล้วนำ 100 – 70 = 30 และนำ 29 – 3 = 26 แล้วนำผลลัพธ์ทั้งสองมาบวกกัน ดังภาพประกอบ 5

The 14th BENJAMITRA Network National & International Conference Challenges in Creating Innovation to Transform The Quality of Sustainable Learning in the Digital Society



ภาพประกอบ 5 ตัวอย่างการแสดงแทนสถานการณ์ในชีวิตจริง

สรุปผลการวิจัย

จากการวิเคราะห์ข้อมูลข้างต้น พบว่า นักเรียนที่ได้รับการจัดการเรียนการสอนที่เน้นการแก้ปัญหาด้วย วิธีการแบบเปิด มีการแก้ปัญหาที่ใช้การแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ครบทุกองค์ประกอบ การแสดงแทนทาง คณิตศาสตร์ของนักเรียนที่พบเรียงลำดับจากมากไปน้อย คือ 1) การแสดงแทนด้วยการเขียน พบว่า นักเรียนใช้การ เขียนประโยคสัญลักษณ์ และการเขียนแสดงวิธีการดำเนินการทางคณิตศาสตร์ตามความเข้าใจของตนเอง 2) การ แสดงแทนด้วยการพูด พบว่า นักเรียนใช้การอธิบายวิธีการแก้ปัญหาด้วยภาษาของตนเองเพื่อสื่อสารหรือสื่อ ความหมายทางคณิตศาสตร์ 3) การแสดงแทนด้วยการใช้อุปกรณ์ พบว่า นักเรียนใช้บล็อกและตารางค่าประจำ หลักแสดงขั้นตอนการดำเนินการ เพื่อให้เพื่อนได้เข้าใจความหมายของค่าประจำหลัก 4) การแสดงแทนด้วย รูปภาพ พบว่า นักเรียนใช้การวาดภาพสิ่งของ วาดบล็อก วาดสัญลักษณ์ ขีด วงกลม กากบาท เพื่อแสดงร่องรอย การดำเนินการทางคณิตศาสตร์ และ5) การแสดงแทนด้วยสถานการณ์ในชีวิตจริง พบว่า นักเรียนใช้ความเข้าใจ เกี่ยวกับปริมาณของตัวเลขในแต่ละหลักมาดำเนินการทางคณิตศาสตร์ได้ โดยไม่จำเป็นต้องดำเนินการตามลำดับ ขั้นตอนทางคณิตศาสตร์ที่เป็นทางการ

อภิปรายผล

จากผลการวิจัยที่พบว่า นักเรียนที่ได้รับการจัดการเรียนการสอนที่เน้นการแก้ปัญหาด้วยวิธีการแบบเปิด มีการแก้ปัญหาที่ใช้การแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ครบทุกองค์ประกอบ การแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ของ นักเรียนที่พบเรียงลำดับจากมากไปหาน้อย คือ 1) การแสดงแทนด้วยการเขียน 2) การแสดงแทนด้วยการพูด 3) การแสดงแทนด้วยการใช้อุปกรณ์ 4) การแสดงแทนด้วยรูปภาพ และ5) การแสดงแทนด้วยสถานการณ์ในชีวิตจริง ตามลำดับ สามารถอภิปรายได้ว่า การจัดการเรียนการสอนที่เน้นให้นักเรียนได้ลงมือแก้ปัญหาด้วยตนเองตาม แนวทางของวิธีการแบบเปิด โดยครูและทีมการศึกษาชั้นเรียนช่วยกันออกแบบกิจกรรมการเรียนการสอนและ คาดการณ์แนวคิดของนักเรียนเพื่อจัดเตรียมสื่อการสอนให้สนับสนุนการแก้ปัญหาของนักเรียนอย่างเป็นธรรมชาติ ทำให้นักเรียนสามารถแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ได้อย่างหลากหลาย โดยเฉพาะการแสดงแทนด้วยการเขียนที่ นักเรียนทุกคนจะเริ่มต้นด้วยการเขียนตัวเลขและสัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์เพื่อแสดงความเข้าใจของนักเรียนที่มี ต่อสถานการณ์ปัญหาที่ครูกำหนดให้และนำไปสู่การคำนวณเพื่อหาคำตอบในขั้นต่อไป และขั้นตอนที่ 3 ของวิธีการ แบบเปิดเน้นให้นักเรียนได้มีการนำเสนอแนวคิดของตนเองหน้าชั้นเรียน ทำให้นักเรียนมีโอกาสได้แสดงแทนด้วย การพูดประกอบกับการแสดงแทนด้วยการใช้สื่ออุปกรณ์เพื่อสื่อสารแนวคิดของตนเองกับเพื่อนและครู แต่เนื่องด้วย เวลาในการสอนมีจำกัดจึงไม่สามารถให้นักเรียนทุกคนได้นำเสนอแนวคิดของตนเองได้ทั้งหมด ดังนั้นการแสดง ้แทนด้วยการพูดและการใช้สื่ออุปกรณ์จึงปรากฏครบทุกแผนแต่พบในปริมาณน้อย นอกจากนี้ในขั้นตอนที่ 3 ของ ้วิธีการแบบเปิดยังเน้นให้นักเรียนเกิดการอภิปรายเพื่อแลกเปลี่ยนเรียนรู้ร่วมกัน จึงทำให้นักเรียนที่มีแนวคิด แตกต่างกันเกิดข้อสงสัยในแนวคิดของเพื่อนที่ถูกนำเสนอหน้ากระดาน ทำให้นักเรียนต้องช่วยกันขยายแนวคิด ้ดังกล่าวด้วยการแสดงแทนด้วยภาพหรือเชื่อมโยงกับเหตุการณ์ สถานการณ์ และเรื่องราวจากชีวิตจริงของนักเรียน เอง ซึ่งเป็นการแสดงแทนด้วยสถานการณ์ในชีวิตจริงเพื่ออธิบายการแก้ปัญหาในสถานการณ์นั้นๆ ให้เห็นภาพเพิ่ม มากขึ้น ดังนั้นการแสดงแทนด้วยภาพและการแสดงแทนด้วยสถานการณ์ในชีวิตจริงจึงเกิดขึ้นไม่ครบทุกแผน ซึ่ง ้สอดคล้องกับผลการวิจัยของ จิระประภา ไชยวุฒิและคณะ[10] ที่พบว่า นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5 ที่ได้รับการ ้จัดการเรียนการสอนด้วยวิธีการแบบเปิด สามารถแสดงแทนความเข้าใจทางคณิตศาสตร์ของนักเรียน เรื่องความ ้น่าจะเป็น ได้ 3 รูปแบบ จากทั้งหมด 4 รูปแบบ คือ 1. การระบุ นักเรียนพยายามนำความรู้หรือวิธีการทาง คณิตศาสตร์ที่เคยเรียนรู้มาก่อนที่มีความเกี่ยวข้องกับสถานการณ์ปัญหาที่เผชิญอยู่มาใช้ในการเรียกชื่อเพื่อนำมา ้กำหนดแนวคิดในการหาจำนวนวิธีการทั้งหมดที่เป็นไปได้ของเหตุการณ์ที่สามารถเกิดขึ้นได้ 2. นักเรียนนำข้อมูล หรือนำเงื่อนไขในสถานการณ์ปัญหาที่ครูกำหนดให้ มาใช้ในการค้นหาแนวคิดในการแก้ปัญหาและนำแนวคิดใน การแก้ปัญหาดังกล่าวมาเปรียบเทียบกันเพื่อหาข้อแตกต่างระหว่างแนวคิดในการแก้ปัญหา และนักเรียนมีการ ้สังเกตแนวคิดของตนเองและระหว่างแนวคิดของเพื่อน เพื่อหาแนวคิดที่เหมาะสมที่สุดในการแก้ปัญหา และ3. การ ทำให้เป็นกรณีทั่วไป นักเรียนนำข้อมูลที่ได้จากการแก้ปัญหาในสถานการณ์ต่างๆที่เคยพบเจอมาก่อนหรือ สถานการณ์เริ่มต้นที่ครูกำหนดให้มาใช้ในการคิดหาผลลัพธ์ในสถานการณ์ที่เป็นกรณีทั่วไปหรือมาใช้ในการคาดเดา ้ผลลัพธ์ว่าจะเกิดผลลัพธ์อะไรต่อไปอีก และยังสอดคล้องกับผลการวิจัยของ กมลรัตน์ มนต์ไธสง และคณะ[9] ที่ พบว่า ในชั้นเรียนที่เน้นการแก้ปัญหาด้วยการสอนตามแนวทางของวิธีการแบบเปิด ทำให้ 1. นักเรียนใช้การแสดง ้แทนทางคณิตศาสตร์ในการสื่อความหมายแนวคิดและความเข้าใจ 4 ประเภท ได้แก่ 1.1 การแสดงแทนด้วยคำพูด 1.2 การแสดงแทนด้วยสถานการณ์ในชีวิตจริง 1.3 การแสดงแทนด้วยรูปภาพ 1.4 การแสดงแทนด้วยการเขียน แต่ ไม่พบการแสดงแทนด้วยการใช้อุปกรณ์ เนื่องจากเป็นการจัดการเรียนการสอนผ่านออนไลน์ และ2. นักเรียนแสดง การเชื่อมโยงการแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ระหว่างการแสดงแทนด้วยการพูด การแสดงแทนด้วยสถานการณ์ใน ชีวิตจริง การแสดงแทนด้วยรูปภาพ และการแสดงแทนด้วยการเขียน

ข้อเสนอแนะ

1. ข้อเสนอแนะในการนำผลการวิจัยไปใช้

การศึกษาการแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ในชั้นเรียนที่เน้นการแก้ปัญหา เปิดโอกาสให้นักเรียนได้แสดง ความสามารถของตนเองในการแก้ปัญหาได้อย่างเต็มที่ ซึ่งเป็นการจัดกิจกรรมเพื่อสนับสนุนแนวคิดของนักเรียน หากสนใจที่จะพัฒนาการแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ของนักเรียน ควรมีการศึกษาและทำความเข้าใจเกี่ยวกับ การศึกษาชั้นเรียนและวิธีการแบบเปิดอย่างละเอียดถี่ถ้วน เพื่อให้ทราบแนวทางการปฏิบัติตนของครูผู้สอนที่จะไม่ เป็นการแทรกแซงแนวคิดของนักเรียนในระหว่างการแก้ปัญหาด้วยตนเอง

2. ข้อเสนอแนะในการทำวิจัยครั้งต่อไป

ควรมีการพัฒนาการแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนในระดับชั้นอื่นๆ เพื่อให้เกิดประสิทธิภาพ ที่ดีมากยิ่งขึ้นต่อผู้เรียน

กิตติกรรมประกาศ

งานวิจัยนี้ได้รับการสนับสนุนจากสาขาวิชาการศึกษา วิชาเอกคณิตศาสตร์ คณะครุศาสตร์ มหาวิทยาลัย ราชภัฏภูเก็ต

เอกสารอ้างอิง

- [1] R. Lesh, K. Cramer, H. Doerr, T. Post and J. Zawojewski, "Using a translation model for curriculum development and classroom instruction,". Journal of the Meteorological Society of Japan, Vol.5, No.2, pp. 211-233, 2003.
- [2] กระทรวงศึกษาธิการ, "มาตรฐานการเรียนรู้และตัวชี้วัด กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ วิทยาศาสตร์ และ สาระภูมิศาสตร์ ในกลุ่มสาระการเรียนรู้สังคมศึกษา ศาสนา และวัฒนธรรม (ฉบับปรับปรุง พ.ศ. 2560) ตาม หลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2551", กรุงเทพมหานคร: โรงพิมพ์ชุมนุมสหกรณ์ การเกษตรแห่งประเทศไทย จำกัด, 2560. หน้าที่ 8
- [3] กระทรวงศึกษาธิการ, "ตัวชี้วัดและสาระการเรียนรู้แกนกลางกลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ (ฉบับปรับปรุง พ.ศ. 2560) ตามหลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้นพื้นฐาน พุทธศักราช 2551", กรุงเทพมหานคร: โรงพิมพ์ ชุมนุมสหกรณ์การเกษตรแห่งประเทศไทย จำกัด, 2560. หน้าที่1 และหน้าที่ 3
- [4] B. Mainali, "Representation in teaching and learning mathematics," International Journal of Education in Mathematics Science and Technology, Vol.9, No. 1, pp.1-21, 2021.
- [5] A. Minarni, E.E. Napitupulu, and R. Husein, "Mathematical understanding and representation ability of public junior high school in north Sumatra," Journal on Mathematics Education, Vol.7, No. 1, pp. 45-58, 2016.
- [6] Ministry of Education, The Ontario Curriculum, Grades 1 8: Mathematics, Ontario: Queen's Printer for Ontario, p. 11, 2005.

- [7] ไมตรี อินทร์ประสิทธิ์, กระบวนการแก้ปัญหาในคณิตศาสตร์ระดับโรงเรียน, พิมพ์ครั้งที่ 2, ขอนแก่น: ไอ-ปริ้นท์ ดีไซน์ จำกัด, 2565, หน้าที่ 11
- [8] M. Inprasitha, "Lesson study and open approach development in Thailand: a longitudinal study," International Journal for Lesson and Learning Studies, Vol. 11, No.5, pp. 1-15, 2022.
- [9] กมลรัตน์ มนต์ไธสง หล้า ภวภูตานนท์ และนิศากร บุญเสนา, "การเชื่อมโยงการแสดงแทนทางคณิตศาสตร์ ของนักเรียนในชั้นเรียนที่เน้นการแก้ปัญหา," วารสารวิจัย มหาวิทยาลัยขอนแข่น (ฉบับบัณฑิตศึกษา), ปีที่ 23, ฉบับที่ 1, หน้า 107-118, มกราคม-มีนาคม, 2566.
- [10] จิระประภา ไชยวุฒิ สมควร สีชมภู และไมตรี อินประสิทธิ์, "การสำรวจการแสดงแทนความเข้าใจทาง คณิตศาสตร์นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5 ในชั้นเรียนที่ใช้วิธีการแบบเปิด," วารสาร มหาวิทยาลับขอนแก่น (ฉบับบัณฑิตศึกษา) สาขามนุษยศาสตร์และสังคมศาสตร์, ปีที่ 5, ฉบับที่ 2, หน้า 56-67, พฤษภาคม-สิงหาคม, 2560.
- [11] M. Isoda, M. Stephens, Y. Ohara and T. Miyakawa. Japanese Lesson Study in Mathematics: Its impact, Diversity and Potntial for Educational Improvement, 2007.
- [12] ไมตรี อินทร์ประสิทธิ์, คณิตศาสตร์สำหรับระดับประถมศึกษา ชั้นประถมศึกษาปีที่ 2 เล่ม 1, ไมตรี อินทร์ ประสิทธิ์, บก. พิมพ์ ครั้งที่ 2. ขอนแก่น : ศูนย์ วิจัยคณิตศาสตรศึกษา คณะศึกษาศาสตร์ มหาวิทยาลัยขอนแก่น(ญี่ปุ่น), 2564.